

# PÉRDIDAS ESPERADAS Y DETRIMENTO PATRIMONIAL POR HURTO DE VEHÍCULOS EN COLOMBIA

---

Santiago Medina Hurtado  
Jorge Restrepo-Morales  
Alejandro Bedoya

**Medina Hurtado, S., Restrepo-Morales, J., & Bedoya, A. (2017). Pérdidas esperadas y detrimento patrimonial por hurto de vehículos en Colombia. *Cuadernos de Economía*, 36(71), 261-292.**

Este trabajo presenta una aproximación metodológica basada en el concepto de valor en riesgo operativo (VaRop) para la estimación de las pérdidas económicas máximas esperadas por el hurto de vehículos asegurados en Colombia, desagregado por empresa aseguradora y para las principales ciudades del país. También se estima

---

S. Medina Hurtado

Doctor en estadística; profesor asociado, Universidad Nacional de Colombia, Facultad de Minas; director grupo investigación GIFIG, Medellín, Colombia. Correo electrónico: smedina@unal.edu.co.

J. Restrepo-Morales

Doctor en internacionalización de la empresa; MBA; Profesor titular I.U. Tecnológico de Antioquia; director grupo RED, Medellín, Colombia. Correo electrónico: jrestrepo@tdea.edu.co.

A. Bedoya

Ingeniero administrador, Universidad Nacional de Colombia, Facultad de Minas. Docente Fundación Universitaria Autónoma de las Américas, Medellín, Colombia. Correo electrónico: alejandro00727@gmail.com.

Sugerencia de citación: Medina Hurtado, S., Restrepo-Morales, J., & Bedoya, A. (2017). Pérdidas esperadas y detrimento patrimonial por hurto de vehículos en Colombia. *Cuadernos de Economía*, 36(71), 261-292. doi: [10.15446/cuad.econ.v36n71.47450](https://doi.org/10.15446/cuad.econ.v36n71.47450).

**Este artículo fue recibido el 17 de diciembre de 2014, ajustado el 18 de abril de 2015, y su publicación aprobada el 20 de agosto de 2015.**

la pérdida patrimonial para propietarios cuyos vehículos no están asegurados. Para el primer propósito, se identificaron las distribuciones de probabilidad asociadas a las series de hurtos tanto para la frecuencia como para la pérdida económica mensual, las cuales fueron agregadas mediante un proceso de simulación Montecarlo. Para la pérdida patrimonial se planteó un modelo multidimensional para cuantificar la distribución del detrimento patrimonial, la cual incorpora cinco distribuciones de probabilidad en un proceso de simulación Montecarlo. El estudio evidencia la gravedad del problema del robo de vehículos en Colombia, con unas pérdidas económicas máximas para las aseguradoras de \$9.130,0 millones/mes y un detrimento patrimonial para los ciudadanos del orden de \$16.458,0 millones/mes; además, refleja la baja cultura del seguro en el país donde solo el 28,16% del parque automotor está cubierto por compañías aseguradoras.

**Palabras clave:** riesgo operativo, hurto vehículos, detrimento patrimonial, simulación de pérdidas.

**JEL:** C53, C58, G22, G31, M21.

**Medina Hurtado, S., Restrepo-Morales, J., & Bedoya, A. (2017). Expected losses and the patrimonial detriment for vehicle theft in Colombia. *Cuadernos de Economía*, 36(71), 261-292.**

This paper presents a methodological approach based on the Value at Operational Risk (VaRop) concept in order to quantify the maximum economic loss expected for the theft of insured vehicles in Colombia disaggregated by insurance company and for major cities. The financial loss to owners whose vehicles are not insured is also estimated. To do this, we identified the probability distributions associated to the series of thefts both in terms of frequency and monthly financial loss, which were aggregated using a Monte Carlo simulation process, it permit estimate the operational VaR or maximum probable loss at 95%. For the equity loss, a multidimensional model was proposed for the Distribution of Wealth Quantify Detriment incorporating five probability distributions in a Montecarlo simulation process. The study highlights the grave problem of vehicle theft in Colombia. There is a maximum economic loss for insurers of \$9,130.0 million/month and a capital expense for citizens in the order of \$16,458.0 mill/month. There is also a low insurance culture: only the 28.16% of the stolen vehicles are insured.

**Keywords:** Operative risk quantification, vehicle theft, capital detriment, losses simulation.

**JEL:** C53, C58, G22, G31, M21.

**Medina Hurtado, S., Restrepo-Morales, J., & Bedoya, A. (2017). Pertes attendues et détirement patrimonial pour cause de vol de véhicules en Colombie. *Cuadernos de Economía*, 36(71), 261-292.**

Ce travail présente une approche méthodologique basée sur le concept de valeur en risque opérationnel (VaRop) pour l'évaluation des pertes économiques maximales

escomptées pour le vol de véhicules assurés en Colombie, dispatché par compagnie d'assurance et pour les principales villes du pays. Nous estimons aussi la perte patrimoniale pour les propriétaires dont les véhicules ne sont pas assurés. Pour ce premier point, nous avons identifié les distributions de probabilités associées aux séries de vols tant pour la fréquence que pour la perte économique mensuelle, qui ont été incluses par une méthode de simulation Monte-Carlo. Pour la perte patrimoniale nous avons établi un modèle multidimensionnel pour quantifier la distribution du détriment patrimonial, qui incorpore cinq distributions de probabilités en une méthode de simulation Monte-Carlo. L'étude montre la gravité du problème du vol de véhicules en Colombie avec des pertes économiques maximales pour les assureurs de 9.130 millions \$ par mois et un détriment patrimonial pour les citoyens de l'ordre de 16.458 millions \$ par mois ; en outre, cela reflète la faible culture de l'assurance du pays où seulement 28,16 % du parc automobile est couvert par des compagnies d'assurance.

**Mots-clés :** Risque opératoire, vol de véhicules, détriment patrimonial, simulation de pertes.

**JEL:** C53, C58, G22, G31, M21.

**Medina Hurtado, S., Restrepo-Morales, J., & Bedoya, A. (2017). Perdas esperadas e detrimento patrimonial por furto de veículos na Colômbia. *Cuadernos de Economía*, 36(71), 261-292.**

Este trabalho apresenta uma aproximação metodológica baseada no conceito de valor em risco operacional (VaRop) para a previsão das perdas econômicas máximas esperadas por o furto de veículos segurados na Colômbia, desagregado por uma seguradora e para as principais cidades do país. Também prevê-se a perda patrimonial para proprietários cujos veículos não estão segurados. Para o primeiro propósito, foram identificadas as distribuições de probabilidade associadas aos furtos tanto para a frequência quanto para a perda econômica mensal, as quais foram agregadas mediante um processo de simulação Montecarlo. Para a perda patrimonial foi proposto um modelo multidimensional para quantificar a distribuição do detrimento patrimonial, a qual incorpora cinco distribuições de probabilidade em um processo de simulação Montecarlo. O estudo mostra a gravidade do problema do roubo de veículos na Colômbia, com perdas econômicas máximas para as seguradoras de \$9.130,0 milhões/mês e um detrimento patrimonial para os cidadãos da ordem de \$16.458,0 milhões/mês; além do mais, mostra a baixa cultura do seguro no país onde só 28,16% do parque automotor está coberto por seguradoras.

**Palavras-chave:** Risco operacional, furto veículos, detrimento patrimonial, simulação de perdas.

**JEL:** C53, C58, G22, G31, M21.

## INTRODUCCIÓN

El Comité de Supervisión Bancaria de Basilea ha venido formalizando desde principios de la década de los noventa todos los aspectos relacionados con la definición, medición, cuantificación, gestión, requerimientos de capital y supervisión de riesgos a los cuales se ven expuestos las entidades financieras. Posteriormente estas metodologías se han extendido al total de las empresas que estructuran la economía y están formalizadas en normas como la ISO 31000 o la ISO 22301, donde se manifiesta la importancia de los conceptos asociados a los procesos de gestión de riesgos como pilar de procesos más globales relacionados con los sistemas de continuidad del negocio. El nuevo marco de capitales de Basilea II, publicado en junio de 2004, incorporó los riesgos operativos en los procesos de gestión de riesgos de las entidades financieras y definió el riesgo como el “riesgo de sufrir pérdidas debido a la inadecuación o fallos en procesos, personas, sistemas internos o bien por causas de eventos externos”. Esta definición permitió una clasificación de los principales eventos de pérdida, entre los cuales están:

- Fraude interno
- Fraude externo
- Relaciones laborales y seguridad de puestos de trabajo
- Incidencias en el negocio y fallos en los sistemas
- Daños a activos materiales
- Clientes, productos y prácticas empresariales
- Ejecución, entrega y gestión de procesos

La Superintendencia Financiera de Colombia (SFC) como autoridad de supervisión del sector asegurador ha adoptado mediante normas los lineamientos básicos planteados por Basilea para la gestión del riesgo operativo. Como una actividad básica de los procesos de gestión de riesgos, las entidades aseguradoras deben cuantificar las pérdidas potenciales por factor de riesgo (con base en las primas emitidas o la siniestralidad), lo que permite establecer reservas<sup>1</sup> o requerimientos de capital mínimo y de patrimonio técnico con el fin de mantener adecuados niveles de solvencia de la entidad para cubrir el pago de siniestros ocurridos y potenciales<sup>2</sup>.

Si bien el abanico de factores de riesgo que pueden afectar el negocio es bastante amplio e incluye los antes mencionados y también se pueden encontrar riesgos asociados a factores sociopolíticos, reguladores, reputacionales, jurídicos, de imagen, etc. En la actualidad es fundamental identificar los factores de riesgo y cuantificar las pérdidas potenciales como resultado de la materialización de dichos eventos. Lo anterior requiere de la aplicación de metodologías que, a un nivel de

---

<sup>1</sup> Art. 186 del Estatuto Orgánico del Sistema Financiero.

<sup>2</sup> Circular Jurídica (C. E. 7 de 1996).

confianza, permitan cuantificar las pérdidas económicas potenciales con el fin de soportar la toma de decisiones relacionadas con estrategias de cubrimiento o la definición de los límites de tolerancia al riesgo.

El propósito de este estudio es la cuantificación de pérdidas económicas potenciales asociadas al hurto de vehículos, que subyacen en la materialización de fraudes externos de acuerdo con los lineamientos de Basilea II, como una aproximación a la estimación de los niveles de patrimonio técnico que permita el cubrimiento de este factor de riesgo para las empresas del sector asegurador en Colombia sobre las operaciones de cubrimiento que ofrecen las entidades a sus clientes. De igual forma el estudio estima el detrimento patrimonial al que están expuestos los ciudadanos por el hurto calificado de vehículos no asegurados, ya que son ellos los que cubren la pérdida en forma directa con su patrimonio, toda vez que la cobertura a través de seguros en Colombia llega solo al 28,16% del parque automotor. Si bien se estima que la gran mayoría de estos hurtos calificados se realizan con fines comerciales (reventa de partes), no obstante e independientemente del motivo del hurto, este constituye un fenómeno que por sus repercusiones en las dimensiones políticas, económicas y sociales se ha considerado como un flagelo de interés público asociado a la seguridad social en el país.

El enfoque sistémico del presente estudio se aborda en cinco partes. La primera centra la atención en los conceptos y definiciones genéricos de riesgo operacional, a la luz de los criterios del Comité de Basilea. El apartado 2 presenta el estado actual del sector asegurador de vehículos en Colombia y publica estadísticas asociadas al robo y pago de primas entre 2006-2012, así como aspectos reguladores y de supervisión del sector. El apartado 3 muestra las aproximaciones teóricas para la cuantificación de los riesgos operativos. En el apartado 4 se explica la metodología que permite realizar el análisis estadístico y la estimación de las pérdidas económicas y el detrimento patrimonial relacionado con el hurto de vehículos. Por último, se exponen las conclusiones.

## **ANTECEDENTES**

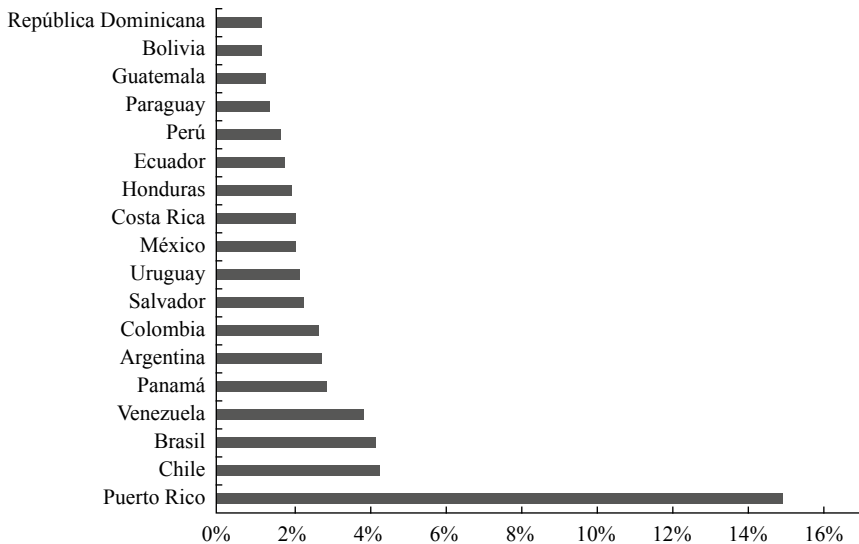
La actividad de la industria aseguradora ha sido muy influenciada por el comportamiento global de la economía, donde aspectos como la crisis de la zona euro y el riesgo de un abismo fiscal en Estados Unidos han hecho que la economía mundial se encuentre debilitada, lo que afecta de manera negativa al sector asegurador. Para 2013, aunque los riesgos de una recesión en Estados Unidos y Europa son altos, situaciones como la reactivación del mercado inmobiliario en Norteamérica, los incentivos fiscales y monetarios en China y ligeros cambios en la zona euro permiten esperar una recuperación de la economía y de la industria aseguradora, con una tasa de crecimiento más fuerte que la registrada en 2012, una inflación controlada y una disminución gradual la tasa de desempleo mundial (Pinzón, 2012).

En Colombia, la industria aseguradora tiene un rol protagónico en la economía del país. Primero, por su presencia como inversionista institucional que promueve el ahorro personal, resguarda el patrimonio de las personas naturales y jurídicas y salvaguarda el nivel y la capacidad de producción de las empresas en eventos fortuitos de alta siniestralidad y pérdidas severas y, segundo, por su alta participación en el producto interno bruto (PIB). Según la Federación de Aseguradores Colombianos (Fasecolda), entidad gremial sin ánimo de lucro que aglutina a las compañías de seguros y las sociedades de capitalización, la industria aseguradora registró un crecimiento real del 10,6% en 2012. Las primas de seguros alcanzaron el 2,6% del PIB, una penetración cercana a la del promedio latinoamericano.

No obstante estas importantes cifras, el sector asegurador tiene en Colombia una muy baja penetración, ya que el país, con una prima per cápita de 156 euros, se ubica por debajo del promedio de las primas en América Latina, que asciende a 259 euros. Comparativamente, estamos muy lejos de Puerto Rico que presenta un valor de 2.152 euros y de Chile con una prima per cápita de 502 (véase Gráfica 1).

### Gráfica 1.

Prima per cápita 2013 América Latina



Fuente: elaboración propia con datos de Fundación MAPFRE (2014).

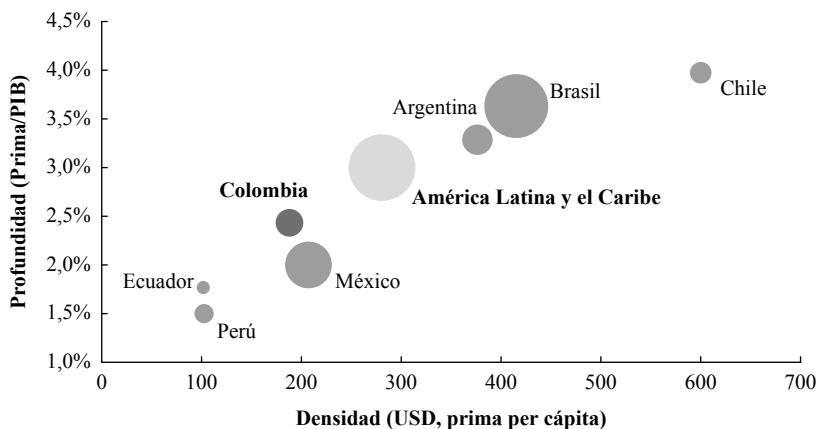
Las cifras anteriores revelan una manifiesta oportunidad de negocio para plantear alternativas de innovación y socialización de los seguros. Según los índices de la

región, el mercado asegurador colombiano produciría 10.311 millones USD en primas al año (20 billones COP), esto es 2.828 millones USD adicionales (5 billones COP)<sup>3</sup> (Swiss RE, 2012). Además, el reto del sector es lograr que los clientes dejen de percibir solo el aspecto de transferencia de los riesgos y se ubiquen en su gestión.

Tradicionalmente las coberturas se han centrado en los ramos vida, laborales y pensión, incendio, autos, accidentes de tránsito y cumplimiento. Sin embargo, en los últimos años el sector asegurador ha desarrollado otras líneas de negocio como desempleo, agrícola, microseguros y seguros masivos con canales no tradicionales y alternativas que buscan dar a la población oportunidades de cobertura a sus riesgos. Se espera que estos continúen creciendo y ganando mayor participación en la mezcla de cartera de la industria. Colombia se ubica entre los cinco mercados de la región latinoamericana que más ha desarrollado y crecido en microseguros, aunque continúa teniendo indicadores de penetración y densidad por debajo del promedio regional y se muestra como un mercado atractivo en el largo plazo (véase Gráfica 2).

## Gráfica 2.

Indicadores de profundidad y penetración del sector asegurador



Fuente: Superintendencia Financiera de Colombia –SFC–, convención seguros 2013.

El hurto de vehículos es una actividad ilícita que tiene tres modalidades. La primera, el hurto de vehículos por diversión, sin fines comerciales, en el que no existe

<sup>3</sup> Tasa de cambio peso/dólar al 31 de diciembre de 2012: 1.767,5 COP/1 USD.

predilección por marca o modelo y se abandonan luego del uso, por lo general, severamente dañados. En la segunda se utilizan los vehículos en actividades ilegales como el transporte de objetos robados y bienes ilícitos o para realizar actividades terroristas. La tercera y más importante obtiene beneficios económicos de la venta por partes o en su estado integral luego de remover sus números de identificación (Libreros, 2013). En esta última modalidad subyace la rentabilidad como la principal motivación de los delincuentes en su ponderación de la relación beneficio/costo para cometer el delito. Entre los principales factores de esta variable está la existencia de un mercado importante para venta de autos usados y repuestos, lo que facilita al delincuente la creación de mercados de ilegalidad relacionados con el hurto de vehículos y se une a una política de precios de los fabricantes muy onerosa para los compradores, quienes en la búsqueda de precios más económicos acuden a expendedores ilegales y se configura lo que Farberman (1975) denomina una “estructura de mercado crimogénica”, donde se refuerza y recompensa la deshonestidad y el crimen por la imposición de los fabricantes de precios tan altos que derivan en un comportamiento ilegal de vendedores y compradores.

Por su parte, Gouney y Bezlov (2008) asume que en el mercado de autopartes (fabricación de partes, piezas y ensamblaje de vehículos) la reventa (compra y venta de piezas y repuestos) es un inductor del hurto, agudizado por la incapacidad de las instituciones gubernamentales y privadas de procurar un control efectivo de este delito y del comercio ilegal. Ante este panorama los altos precios de los automotores y sus repuestos inciden de forma directa en la configuración de grupos de delincuentes organizados para cometer el hurto. Esta nueva configuración hace que la rentabilidad de este delito se extienda a otros delitos generadores de mayores ingresos, como el secuestro, el tráfico de drogas y el tráfico de personas, entre otros (Stauffer y Bonfanti, 2006).

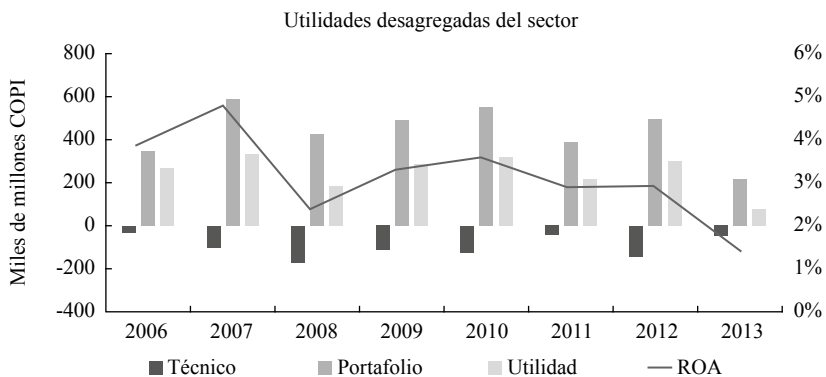
En resumen, la existencia de un claro mercado para los autos robados y sus partes y la configuración de bandas criminales a su alrededor manifiestan la importancia del presente estudio asociado al cálculo de las pérdidas potenciales por pago de siniestros debido al hurto de vehículos. Como se puede ver en la Gráfica 3, aunque el sector asegurador ha sido una industria rentable como lo indica la Rentabilidad sobre el Activo (ROA) mensual, dicha rentabilidad proviene de los ingresos generados por el portafolio de inversiones, al tiempo que el resultado técnico vinculado con la siniestralidad ha sido consistentemente negativo.

La Gráfica 4 presenta la evolución anual del hurto de vehículos en Colombia desde 1992, con un pico de 34.500 vehículos en el 2000 (con un hurto promedio mensual de 2.875). La Gráfica 5 muestra el número de vehículos hurtados (excluyendo motos) en las principales ciudades del país desde el 2006 y como se puede ver la participación de las tres principales ciudades en el total de vehículos hurtados es del 73% aproximadamente.



**Gráfica 3.**

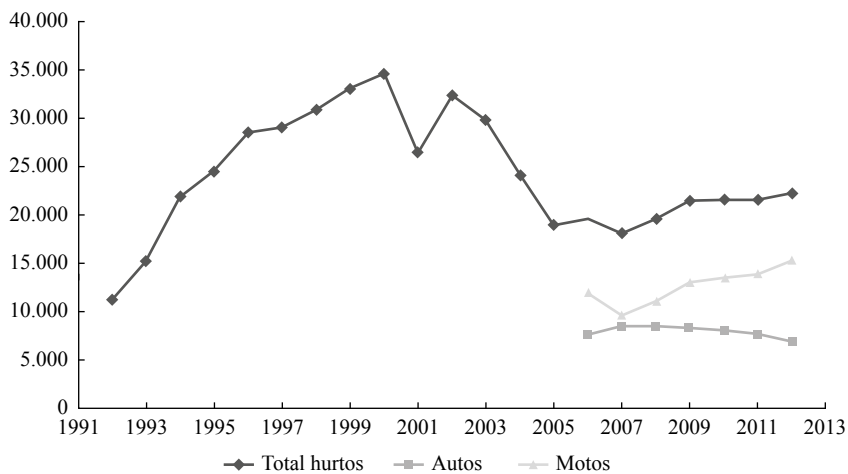
Desagregación de la utilidad neta del sector asegurador



Fuente: Elaboración propia con datos de la SFC.

**Gráfica 4.**

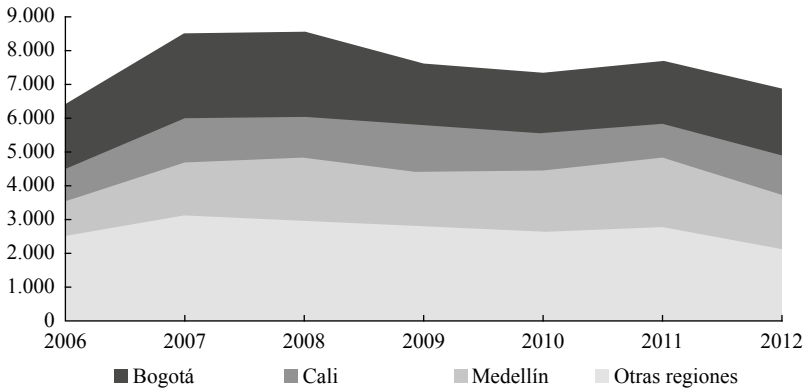
Total hurto de vehículos año en Colombia



Fuente: elaboración propia con datos de Fasecolda (2012).

**Gráfica 5.**

Robo anual de vehículos por ciudad (no incluye motos)



Fuente: elaboración propia con datos de Fasecolda (2012).

La Tabla 1 exhibe la proporción de vehículos hurtados y no asegurados a nivel nacional durante el período 2006-2012 (incluyendo autos y motos). Como se indica, la proporción de vehículos asegurados solo llega al 28,9%, sobre los cuales las compañías aseguradoras pueden compensar las pérdidas. Sin embargo, la pérdida económica asociada al robo de vehículos no asegurados (promedio nacional 71,1%) afecta directamente el patrimonio de los ciudadanos.

**Tabla 1.**

Proporción de vehículos asegurados y no asegurados

	Autos			Motos			Total autos + motos		
	Asegurado	No asegurado	Total	Asegurado	No asegurado	Total	Asegurado	No asegurado	Total
2006	1.925	5.661	7.586	3.042	8.950	11.992	4.967	14.611	19.578
2007	2.440	6.014	8.454	2.787	6.870	9.657	5.227	12.884	18.111
2008	2.622	5.871	8.493	3.434	7.690	11.124	6.056	13.561	19.617
2009	2.272	5.310	7.582	3.586	8.382	11.968	5.858	13.692	19.550
2010	2.151	5.168	7.319	3.620	8.693	12.313	5.771	13.861	19.632
2011	2.196	5.457	7.653	3.992	9.916	13.908	6.188	15.373	21.561
2012	1.997	4.861	6.858	4.454	10.846	15.300	6.451	15.707	22.158
Proporción por tipo vehículo	38,7%			61,3%					
Proporción asegurado no asegurado							<b>28,90%</b>	<b>71,10%</b>	

Fuente: elaboración propia con datos de Fasecolda (2012).

En el caso específico de la ciudad de Cali, durante el primer trimestre de 2013 se hurtaron 993 automotores, entre carros y motocicletas, cuyo costo comercial fue estimado en 39.680 millones COP. Esos hurtos superan en 2% los del mismo período de 2012, con 971 unidades<sup>4</sup>. La Asociación del Sector Automotriz y sus Partes (Asopartes) arguye un detrimento patrimonial de los ciudadanos caleños, porque el 65% de los automotores carecían de seguro y la pérdida asociada para los ciudadanos ascendió a 25.820 millones COP. El 35% restante contaba con pólizas y los ciudadanos recuperaron alrededor de 13.860 millones COP, los cuales son pagados por las compañías aseguradoras.

El estudio realizado por la Cámara de Automóviles de Fasecolda (2012), que luego es retomado por el Instituto Nacional de Investigación y Prevención del Fraude (INIF), dejar ver cómo de enero a diciembre de 2012 el gremio de aseguradoras pagó pólizas a propietarios de 6.451 vehículos hurtados por un valor de 162.428,34 millones COP (91,9 millones USD) de 2012 que equivalen a 163.591,70 millones COP (92,6 millones USD) actualizados según el índice de precios al consumidor (IPC) para el 2013 (véase Tabla 2). Estas cifras cobran relevancia en el sentido de que permiten establecer reservas o requerimientos de capital mínimo y de patrimonio técnico con el fin de mantener adecuados niveles de solvencia de las entidades aseguradoras, que permitan cubrir el pago de siniestros ocurridos o potenciales<sup>5</sup>.

**Tabla 2.**

Resumen mensual de vehículos hurtados 2012 cifras en COP

Mes	Vehículos	Valor en miles de \$ (2012)	Valor en miles de \$ (2013)	Mes	Vehículos	Valor en miles de \$ (2012)	Valor en miles de \$ (2013)
Enero	489	12.493.034	12.797.283	Julio	600	18.629.963	18.708.484
Febrero	498	11.346.304	11.538.314	Agosto	561	13.103.611	13.161.683
Marzo	555	14.848.147	15.007.755	Septiembre	571	12.695.622	12.746.657
Abril	464	12.139.084	12.254.612	Octubre	551	12.443.930	12.458.283
Mayo	574	14.376.473	14.492.372	Noviembre	531	13.420.501	13.414.064
Junio	511	13.612.367	13.681.056	Diciembre	546	13.319.300	13.331.137
Total sem.	3.091	78.815.409	79.771.392	Total sem.	3.360	83.612.927	83.820.308
Total año					6.451	162.428.336	163.591.700

Fuente: Fasecolda, datos para 2012, actualizados a 2013 según el IPC.

<sup>4</sup> Tomado de <http://www.elpais.com.co/elpais/judicial/noticias/hurto-vehiculos-sigue-siendo-dolor-cabeza-para-calenos>.

<sup>5</sup> Circular Jurídica (C. E. 7 de 1996).

## ASPECTOS TEÓRICOS Y METODOLOGÍA

Se puede definir el riesgo como la posibilidad de que un evento determinado se presente en el futuro y ocasione un daño o detrimento que afecte negativamente un objetivo específico, por lo que el riesgo por lo general se mide valorando la desviación respecto a este. Desde una perspectiva financiera, la literatura en su gran mayoría coincide en agrupar los riesgos en tres categorías básicas: los riesgos operacionales, inherentes a las pérdidas acaecidas como consecuencia de fallas en procesos o sistemas al interior de la organización; los riesgos de mercado hacen referencia a la exposición ante los movimientos adversos de los precios de los diferentes activos que se transan en un mercado: acciones, monedas, títulos o mercancías como el algodón o la energía eléctrica; y el riesgo de crédito, el cual es la exposición a que un deudor o cliente no cumpla con sus obligaciones contractuales (Castillo, 2008; Jorion, 2007; Restrepo y Medina, 2014).

El riesgo operativo probablemente se mencionó por primera vez después de la quiebra del banco inglés Barings en 1995, debido a pérdidas sufridas por posiciones en derivados de un operador oculto, lo que llevó a la quiebra de la entidad. No obstante, en el sector financiero este riesgo está anclado en todas las actividades normales de cualquier tipo de empresa u organización. Toda empresa en la ejecución de las actividades normales del negocio no está exenta de sufrir fallos operativos por factores tales como errores humanos, fallas en procesos y caídas de los sistemas, entre otros (Restrepo y Medina, 2012; Smithson, 1998).

El Comité de Basilea de Supervisión Bancaria (2003, 2004) propone tres metodologías para la estimación de la pérdida económica por riesgo operativo, enmarcadas en el enfoque de los modelos de medición avanzados (AMA, por sus siglas en inglés) los cuales se resumen en cuadros de mando o *scorecards*, el modelo de medición interna (IMA, por sus siglas en inglés) y el modelo de distribución de pérdidas agregadas (DPA, por sus siglas en inglés).

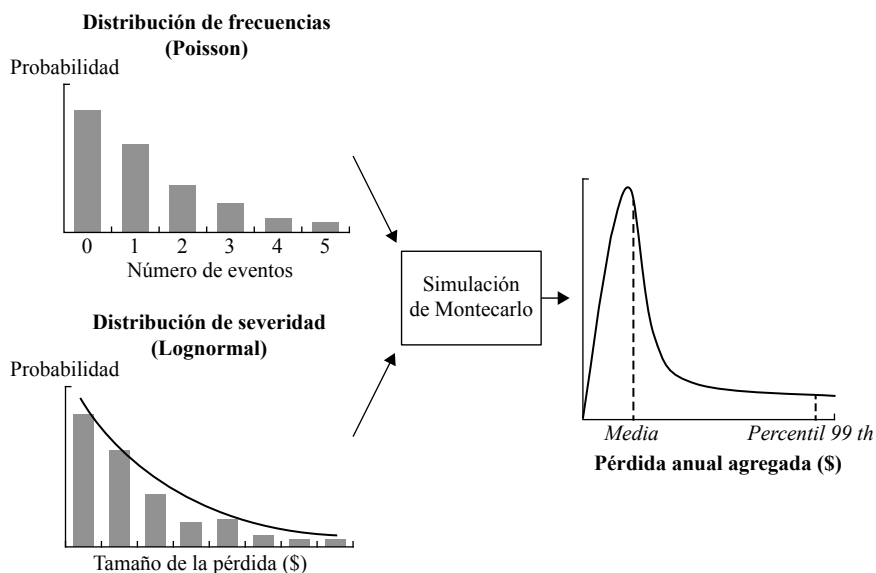
No obstante que el Comité de Basilea ha evolucionado hacia los modelos IMA para cuantificar el capital económico por exposición al riesgo operacional, en la literatura y en la práctica el modelo DPA se ha posicionado como una metodología adecuada para estimar las pérdidas esperadas. Bühlmann (1970) remonta la génesis del método DPA a las aplicaciones actuariales emprendidas por el sector asegurador durante varios lustros y su aplicación la caracteriza como una de las técnicas importadas de los modelos actuariales, de amplio uso en contextos específicos para cuantificación del riesgo operacional. El modelo DPA entrega un estimado del riesgo operacional de una organización y sus unidades de negocio, con base en una distribución que expresa las pérdidas subyacentes.

El método DPA se fundamenta en la estimación a partir de los datos de pérdidas históricas de las distribuciones de frecuencia y severidad del factor de riesgo operativo (véase Gráfica 6). Dichos datos históricos por lo general se registran a nivel interno en las organizaciones en una plataforma de seguimiento de eventos, la cual puede ser complementada con datos externos. La técnica del

DPA para cuantificación del riesgo operativo ha sido ampliamente tratada en la literatura, donde se muestran sus ventajas (Akkizidis y Bouchereau, 2006; Aue y Kalkbrenner, 2007; Baud, Frachot y Roncalli, 2002; Böcker, 2008; Chernobai y Rachev, 2006; Cruz, 2004; Degen, Embrechts y Lambrigger, 2007; Dutta y Perry, 2006; Embrechts, Nešlehová y Wüthri, 2009; Frachot, Georges y Roncalli, 2001; Frachot, Moudoulaud y Roncalli, 2003; Marshall y Marshall, 2001; Medina, 2006; Shevchenko y Wüthrich, 2009).

### Gráfica 6.

Simulación de la DPA



Fuente: elaboración propia.

La metodología de obtención de la DPA basada en la simulación de Montecarlo parte de las distribuciones de frecuencia y severidad, con lo cual es posible simular los eventos y su costo asociado para determinar la exposición al riesgo en la siguiente unidad de tiempo, línea de negocio, procesos, etc. La simulación permite explicar, predecir, entrenar y ayudar a determinar soluciones óptimas, ya que agrega profundidad a los análisis cuando se trata de evaluar situaciones con alto grado de incertidumbre y además brinda una visión completa de la situación y supera limitaciones del análisis con base en datos históricos, porque considera las probabilidades de ocurrencia de los eventos asociados con variables aleatorias.

Evans (1998) define la simulación como el proceso de construir un modelo lógico-matemático de un sistema o proceso de decisión y experimentar con él

para comprender el comportamiento del sistema o ayudar en la toma de decisiones. Fiorito (2006) muestra que la simulación es particularmente útil en problemas o situaciones que involucran incertidumbre y que un modelo es inservible si no ayuda al usuario a comprender el problema. El punto central de la simulación reside en conducir experimentos con el modelo y analizar los resultados.

## Modelación de la severidad

A partir de la información histórica se realizan pruebas de ajuste a la serie de datos históricos de pérdidas económicas operacionales desagregadas para cada línea de negocio o evento de pérdida. Se busca la distribución de probabilidad continua que mejor se ajuste a los datos observados y se estiman sus parámetros. Algunos autores como Marshall y Marshall (2001), Cruz (2004) y Shevchenko y Wüthrich (2009) proponen la distribución lognormal o la Weibull como las más recomendables para modelar la severidad. No obstante, en la práctica a veces es difícil ajustar estas distribuciones paramétricas a datos de pérdida, ya que por lo general el histograma de las pérdidas presenta colas pesadas o eventos extremos y es recomendable, por tanto, probar el ajuste de distribuciones de cola pesada, tales como las distribuciones de valor extremo, exponencial o de Pareto generalizada, entre otras.

La modelación de la severidad en términos generales se expresa de la siguiente forma: sea  $X$  una variable aleatoria continua que expresa el monto de la pérdida por materialización de un evento de riesgo operativo (severidad del evento), con distribución de probabilidad  $f(x)$  y distribución de probabilidad acumulativa  $F(x)$ , respectivamente. Podemos representar  $f(x)$  como:

$$f(x) = \frac{d}{dx} F(x) \rightarrow F(x) = P(X \leq x) \quad (1)$$

Esto significa que  $f(x)$  es la tasa de cambio de la distribución de probabilidad acumulativa  $F(x)$ , lo cual matemáticamente describe la probabilidad de que una variable aleatoria  $X$  tome un valor menor o igual a  $x$ .

## Modelación de la frecuencia

La frecuencia es una variable aleatoria discreta que simboliza el número de eventos ocurridos en un período de tiempo determinado, con una probabilidad de ocurrencia establecida. Marshall y Marshall (2001), Cruz (2004), Shevchenko y Wüthrich (2009) y Restrepo y Medina (2012) expresan que la distribución de Poisson es la más adecuada para modelar dicha variable, sin descartar otras distribuciones alternas como la binomial o la binomial negativa.

Sea  $K$  una variable aleatoria que representa el número de eventos de riesgo durante un período de tiempo previamente definido (frecuencia de los eventos), los cuales suponemos son independientes. Definimos la función de distribución de probabilidad discreta de  $K$  con función de masa  $p(n)$  como:

$$p(n) = p(K = n) \quad (2)$$

Dicha variable solo puede tomar valores positivos de  $n$ . Definimos la distribución acumulativa de la variable  $K$  como:

$$F(n) = p(K \leq n) = \sum_{k=-\infty}^n f(k) \quad (3)$$

La distribución de probabilidad acumulada es la suma de la función de masa, es decir, representa la suma de todas las probabilidades desde  $-\infty$  hasta el valor  $n$ . Independientemente de las distribuciones de probabilidad elegidas para modelar la frecuencia y la severidad, es importante aplicar diferentes pruebas de bondad de ajuste, tales como chi-cuadrado, de Anderson y Darling (AD) y de Kolmogorov y Smirnov (KS), necesarias para probar el ajuste de cada distribución. La prueba chi-cuadrado fue utilizada a lo largo de este estudio.

## Obtención de la DPA

Posterior a la caracterización de las distribuciones para la frecuencia y la severidad, el paso siguiente es obtener la DPA, mediante la combinación de las dos distribuciones con un proceso estadístico conocido como convolución. Sea  $N$  una variable aleatoria que representa el número de eventos en un período de tiempo o plazo comprendido entre  $(t$  y  $t + \tau)$ , con una distribución de probabilidad asociada  $p(n)$  y sea  $X$  otra variable aleatoria que expresa la cuantía de la pérdida para un determinado evento  $n$  con una función de densidad asociada  $F(x)$ . Entonces, asumiendo independencia entre la frecuencia y la severidad, la pérdida total  $S$  en el intervalo temporal  $(t, t + \tau)$  está dada por la relación:

$$S = X_1 + X_2 + \cdots + X_N \quad (4)$$

La suma aleatoria  $S$  tiene una distribución de probabilidad acumulativa continua dada por (Klugman, Panjer y Willmot, 2004):

$$F_s(x) = P_r(S \leq x) = \sum_{n=0}^{\infty} p_n \cdot P_r(S \leq x | N = n)$$

$$F_s(x) = \sum_{n=0}^{\infty} P_n \cdot F^{*n}(x) \quad (5)$$

El valor de la pérdida agregada estará dado por la relación siguiente, la cual supone que tanto severidad como frecuencia son variables aleatorias independientes:

$$S(x) = \{P(n) \text{ para } x = 0 \quad (6)$$

donde  $F^{*n}(x)$  es la probabilidad de que la cantidad agregada de  $(n)$  pérdidas sea  $(x)$ . El asterisco denota la convolución en la función  $F$  y  $F^{*n}$  es  $(n)$ -veces la convolución de  $F$  consigo misma.

Si bien la relación (6) permite obtener la  $S(x)$  para fenómenos que están bien representados mediante la caracterización de la distribución de frecuencia y severidad y aplicada al tipo de riesgos operativos caracterizados para el sector bancario, existen fenómenos cuya caracterización de eventos debe incorporar la modelación de más variables aleatorias que deben modelarse simultáneamente y de manera correlacionada para la obtención de la DPA (multidimensionales). Ejemplos tales como la exposición a pérdidas por fallas en el sistema de transmisión de energía, eventos que ocurren en una red vial, hurto de vehículos, etc.

Para obtener  $S(x)$ , la literatura presenta dos alternativas y este artículo utiliza la simulación de Montecarlo (SM), que consiste en un método sistémico que permite la simulación de escenarios de fenómenos cuya naturaleza es aleatoria tales como utilidades, rendimientos, precios o, en nuestro caso, la simulación de pérdidas por eventos de riesgo operativo. La SM permite mediante la generación de números aleatorios correlacionados replicar las distribuciones de probabilidad o los procesos estocásticos definidos para cada uno de los factores de riesgo del fenómeno tratado (Medina y Restrepo, 2013), lo cual supera la complejidad del algoritmo de Panjer para realizar la convolución de las frecuencias y la severidad. Luego de ajustar las distribuciones de frecuencia y severidad a los datos, es posible estimar la DPA mediante un proceso de SM generando un número adecuado de escenarios hipotéticos de manera aleatoria (véase Gráfica 6).

En el caso que se calcule el valor en riesgo operativo (VaRop) para diferentes factores de riesgo o unidades de negocio, es posible obtener una medida agregada del VaRop total haciendo uso de la siguiente relación:

$$OpVaR_{total} = \sqrt{[VaR_i] \cdot [\rho] \cdot [VaR_i]^T} \quad (7)$$



donde  $VaR_i$  es el valor en riesgo calculado para las diferentes unidades de negocio  $i$  para un nivel de confianza dado y  $[\rho]$  es la matriz de correlaciones de los factores de riesgo. La relación (7) utiliza el concepto de diversificación del portafolio introducido por Markowitz y agrega las pérdidas operativas por factor de riesgo empleando la relación lineal existente entre los factores de riesgo calculado sobre la base de datos de frecuencias. Esta manera de agregar la información mantiene la estructura de correlaciones implícita en las series de tiempo de los factores de riesgo o líneas de negocio.

## ANÁLISIS DE LA BASE DE DATOS Y RESULTADOS

La estimación de las pérdidas esperadas y el detrimento patrimonial por robo de vehículos (autos y motos) se realiza para catorce empresas aseguradoras de Colombia y las cuatro principales ciudades del país: Bogotá, Medellín, Barranquilla y Cali. Los datos para vehículos hurtados y asegurados corresponden al período 2006-2012, suministrados por las bases de datos de Fasecolda. Los hurtos de vehículos no asegurados se desprenden de las bases de datos de Asopartes y corresponden al período 1992-2012. Con estos conjuntos de datos, se determinará la DPA a partir del modelamiento de la frecuencia y la severidad de los eventos con el fin de estimar la provisión de las empresas y el detrimento patrimonial para los ciudadanos durante el 2013.

A continuación se ilustra la metodología básica utilizada para caracterizar la DPA de la compañía aseguradora Suramericana. Análisis semejantes se realizan para las trece empresas restantes del gremio asegurador, tomando como base los datos suministrados por Fasecolda. Los resultados para el resto de las empresas aseguradoras en Colombia se muestran en la Tabla 6. Para el análisis de las pérdidas por hurto en las diferentes ciudades, se utilizó la base de datos de Asopartes, la cual suministra información del total de hurtos por ciudad y mes. La valoración del detrimento patrimonial de los propietarios por el robo de automotores no asegurados se halla por la diferencia entre las pérdidas obtenidas del total de vehículos robados y las pérdidas obtenidas de los vehículos asegurados. Debido a que en este último caso no existe información de la severidad de la pérdida, se tomó la base de datos completa de los valores pagados por siniestro de las compañías aseguradoras para valorar las pérdidas de los vehículos no asegurados.

### DPA de la Compañía Suramericana de Seguros

#### *Distribución de frecuencia*

Primero, se analiza la frecuencia mensual por hurto de vehículos para hallar la distribución de probabilidad que mejor caracteriza su comportamiento. El mejor

ajuste se determina mediante la prueba chi-cuadrado con un nivel de confianza del 95%. La Tabla 3 muestra medidas estadísticas de la frecuencia de los robos de autos y el ajuste de distribuciones de probabilidad discretas. El valor  $p = 0,053$ , para la prueba de bondad de ajuste a la distribución de probabilidad binomial negativa nos permite concluir que la distribución se ajusta bien a los datos muestrales (valor  $p > 0,05$ ) y reproduce las medidas de tendencia central y dispersión de la serie histórica. La prueba de bondad de ajuste para las otras distribuciones es rechazada (valor  $p < 0,05$ ).

**Tabla 3.**

Ajuste de frecuencia mensual de hurtos. Compañía Suramericana de Seguros

<b>Función</b>	<b>Datos</b>	<b>NegBin</b>	<b>Geomet</b>	<b>Poisson</b>
Mínimo	0	0	0	0
Máximo	231	+ infinito	231	+ infinito
Media	118,5	118,55	115,5	118,5
Moda	89	98	0	118
Mediana	108,5	112	115	118
Desviación est.	42,4	49,6	66,9	10
Asimetría	0,57	0,82	0	0,09
Curtosis	3,81	4,00	1,8	3,00
Chi-cuadrado nivel crítico		16,74	70,82	95,88
Valor $p$		0,053	0,00	0,00

Fuente: elaboración propia con el *software @Risk*.

### ***Distribución de severidad***

Para realizar el ajuste de las distribuciones paramétricas al valor de las pérdidas por vehículo (severidad), primero se procedió al ajuste de los datos por el factor inflacionario mensual para actualizar la pérdida económica a diciembre de 2012. La interpretación es similar a la planteada en el análisis de frecuencia.

La Tabla 4 presenta estadísticos muestrales de las pérdidas económicas por evento e información sobre la prueba de bondad de ajuste chi-cuadrado al 95% de confianza. Se infiere de la Tabla que las distribuciones seleccionadas se ajustan a los datos y el mejor ajuste se consigue con la distribución loglogistic, con un valor  $p = 0,2315$ , sin embargo, las distribuciones ajustadas no reproducen adecuadamente los valores de asimetría y curtosis de la serie de datos. Como se indica, el valor medio reconocido a los propietarios por hurto es de aproximadamente 33 millones COP (18.000 USD).

**Tabla 4.**  
Ajuste de severidad

<b>Función</b>	<b>Datos</b>	<b>Loglogistic</b>	<b>Logistic</b>
Mínimo	24.575,45	-40.260.006,6	- infinito
Máximo	92.997.498,1	+ infinito	+ infinito
Media	32.978.091,2	32.299.928,2	31.908.143,4
Moda	30.360.129,2	31.146.350,0	31.908.143,4
Desviación est.	12.394.342,2	8.797.008,5	8.998.657,7
Asimetría	2,3467	0,5951	0
Curtosis	15,6867	5,0963	4,2
Chi-cuadrado nivel crítico		9,3043	11,0435
Valor $p$		0,2315	0,1367

Fuente: elaboración propia.

### ***Estimación de la DPA***

Mediante una SM se procedió a combinar la distribución de frecuencia mensual y la distribución de severidad por hurto (distribución binomial negativa para la frecuencia y la distribución logística para la severidad, respectivamente). La Gráfica 7 muestra que el valor medio de las pérdidas mensuales totales para Suramericana de Seguros es de 3.894 millones COP mensuales (2,2 millones USD/mes). El VaRop o máxima pérdida probable al 90% y 95% para el 2012 es de 5.550 millones COP y 6.111 millones COP mensuales, respectivamente (3,1 millones y 4,5 millones USD/mes, respectivamente).

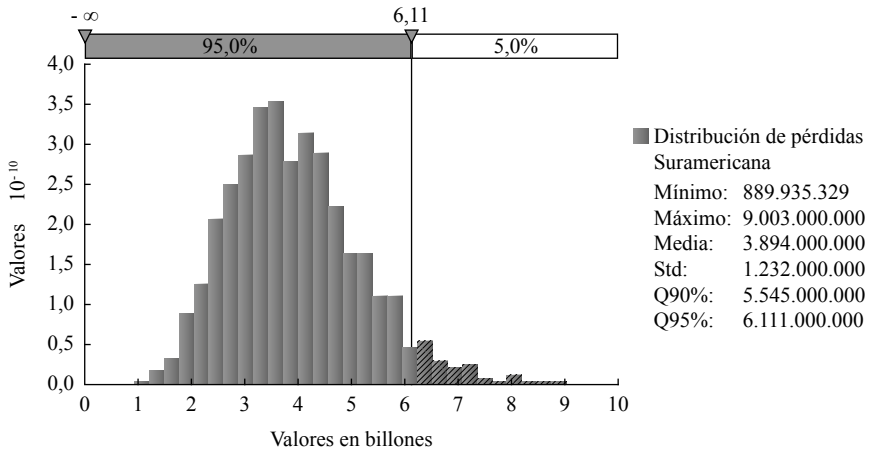
**Tabla 5.**  
Caracterización del hurto mensual de vehículos por empresa

<b>Empresa</b>	<b>Frecuencia</b>		<b>Severidad</b>		<b>Empresa</b>	<b>Frecuencia</b>		<b>Severidad</b>	
	Distrib.	Valor $p$	Distrib.	Valor $p$		Distrib.	Valor $p$	Distrib.	Valor $p$
<b>BBVA</b>	Bin. neg.	0,9140	Loglogistic	0,7452	<b>Liberty</b>	Bin. neg.	0,9579	Pearson	0,8913
<b>Bolívar</b>	Bin. neg.	0,9629	Weibull	0,9662	<b>Mapfre</b>	Bin. neg.	0,018	Logistic	0,9927
<b>Colpatría</b>	Bin. neg.	0,8165	BetaGeneral	0,9927	<b>Previsora</b>	Bin. neg.	0,4162	Invgauss	0,881
<b>Colseguros</b>	Bin. neg.	0,3744	Lognorm	0,7787	<b>QBE</b>	Geome.	0	Pearson	0,8685
<b>Equidad</b>	Bin. neg.	0,6056	Loglogistic	0,6056	<b>Royal</b>	Bin. neg.	0,941	Logistic	0,8913
<b>Estado</b>	Bin. neg.	0,5227	Weibul	0,9662	<b>Solidaria</b>	Poisson	0,9207	Lognorm	0,8913
<b>Generali</b>	Bin. neg.	0,1202	Invgauss	0,4238	<b>Suramericana</b>	Bin. neg.	0,053	Loglogistic	0,2315

Fuente: elaboración propia.

**Gráfica 7.**

DPA Suramericana de Seguros año 2012



Fuente: elaboración propia.

**Análisis del VaR para el portafolio de compañías aseguradoras**

La Tabla 5 presenta un resumen de las funciones de probabilidad ajustadas a la frecuencia mensual y la severidad por hurto para las compañías de seguros. Los análisis abordados para su selección replican lo expuesto en el literal anterior. La Tabla contiene la caracterización de las distribuciones de probabilidad para las frecuencias mensuales por hurto de vehículos y para la severidad por evento para cada compañía aseguradora. Como puede observarse, el valor  $p$  de cada una de las distribuciones seleccionadas es mayor al nivel de significancia al 5%, lo que permite afirmar que la distribución de probabilidad seleccionada se ajusta a los datos de la muestra. Las pruebas de bondad de ajuste se realizaron al 95% de confianza.

Con base en lo anterior, se realiza un proceso de SM para obtener el VaR mensual al 95% de confianza para cada una de las compañías de seguros. Los resultados se resumen en la Tabla 6, la cual tiene como propósito revelar la siniestralidad por compañía, situación ligada al concepto de capital técnico. En este orden de ideas, las cifras presentadas cobran relevancia porque permiten establecer reservas o requerimientos de capital mínimo y de patrimonio técnico con el fin de mantener adecuados niveles de solvencia de la entidad para cubrir el pago de siniestros ocurridos o potenciales. Los valores del VaR calculados se tomarán en cuenta posteriormente para el cálculo del VaR asociado en el portafolio de compañías aseguradoras.

**Tabla 6.**

VaR al 95% mensual por compañía en COP

Compañía	VaR al 95% (COP)	%	Compañía	VaR al 95% (COP)	%
BBVA	250.769.926	1,11%	Generali	478.221.554	2,13%
Bolívar	1.294.883.199	5,75%	Liberty	2.912.112.948	12,94%
Colpatria	784.922.270	3,49%	Mapfre	1.221.565.912	5,43%
Colseguros	3.680.026.453	16,35%	Previsora	1.538.818.691	6,84%
Equidad	543.720.271	2,42%	QEB	631.062.459	2,80%
Estado	871.202.793	3,87%	Royal	801.692.515	3,56%
Suramericana	6.111.343.071	27,16%	Solidaria	1.383.515.272	6,15%

Fuente: elaboración propia.

Finalmente, utilizando la relación (7), con la información del VaR para cada una de las compañías aseguradoras (véase Tabla 6) y la matriz de correlaciones calculada sobre los datos de frecuencia (véase Tabla 7), la estimación del VaRop para el portafolio de compañías arroja que la pérdida máxima del portafolio de aseguradoras para un mes a un nivel de significancia del 95% es de 8.820 millones COP/mes (4,99 millones USD/mes). Esta manera de agregar la información mantiene la estructura de correlaciones implícita en las series de tiempo de los vehículos hurtados entre compañías aseguradoras.

## Análisis del VaR por ciudad

### *Distribución de frecuencia*

Para realizar el presente análisis se tomaron los datos de frecuencia con periodicidad mensual para las principales ciudades de Colombia: Bogotá, Medellín, Barranquilla y Cali. La Tabla 8 presenta las medidas estadísticas del análisis de frecuencia y la prueba de bondad de ajuste chi-cuadrado al 95% de confianza. Como se indica, el valor  $p$  supera el 5% de significancia, lo que indica un buen ajuste de la distribución binomial negativa para los datos de frecuencia mensual de cada una de las ciudades.

### *Distribución de severidad*

Para la valoración de la severidad, se recurrió a la base de datos completa de los valores pagados por siniestro para el total de las compañías aseguradoras. Se ajustaron las distintas distribuciones paramétricas y se observó que ninguna distribución pasa las pruebas de bondad de ajuste; por este motivo, para realizar el proceso de simulación se utilizó la distribución general obtenida directamente de los datos muestrales y caracterizada por las parejas de datos  $G(X_p, P_i)$ . Este ajuste se llevó a

**Tabla 7.**  
Matriz de correlaciones por hurto entre compañías aseguradoras

	BBVA	Bolívar	Colpatria	Colseguros	Equidad	Estado	Generali	Liberty	Mapfre	Previsora	QBE	Royal	Solidaria	Suramericana
BBVA	1	0,22819166	-0,207646085	-0,033877440	-0,177610359	0,052047216	0,173362237	-0,232988042	0,325116289	-0,067458738	0,159243773	0,259197533	0,232643001	-0,38609528
Bolívar		1	-0,040959004	0,260821371	-0,031972462	-0,086866543	0,119946938	-0,027281293	0,250521222	0,148667261	0,219659877	-0,107537489	-0,156636556	-0,185282223
Colpatria			1	-0,002508734	-0,17852715	0,062454492	-0,132176179	0,123338386	0,095633732	-0,280076733	-0,387840241	0,141338554	0,167381156	0,226159336
Colseguros				1	0,175548799	-0,071757289	0,204659129	0,214438130	0,195355625	-0,099051613	0,197206042	-0,178108497	-0,459511648	0,184319370
Equidad					1	-0,029453660	0,045616544	0,270140318	-0,361895840	0,081867362	-0,042892100	-0,206147981	-0,334188223	0,262249424
Estado						1	-0,020445112	0,224715536	-0,179278480	0,269538489	-0,321964229	0,102698617	0,231140342	-0,007404111
Generali							1	-0,186894566	0,185089217	-0,057429248	0,062433191	-0,059392133	0,049114778	-0,259808758
Liberty								1	-0,432601042	0,149898890	-0,358671608	-0,236143651	-0,372116453	0,583432369
Mapfre									1	-0,246291661	0,289555073	0,163810349	0,188175645	-0,472184654
Previsora										1	-0,010782522	-0,231508594	-0,076905044	0,110663056
QBE											1	-0,119354044	-0,162919902	-0,300482101
Royal												1	0,429976383	-0,253705300
Solidaria													1	-0,496683101
Suramericana														1

Fuente: elaboración propia.

cabo con una muestra representativa de 840 datos de pagos por siniestro. La Gráfica 8 ilustra la distribución empírica resultante de pagos por el hurto de vehículos. Como se indica, el valor medio pagado por siniestro es de 32,3 millones. La Tabla 9 indica el VaR para cada una de las ciudades evaluadas.

**Tabla 8.**

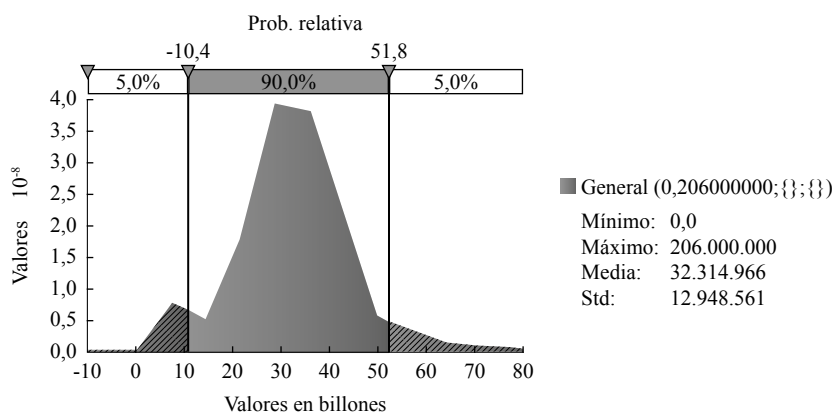
Ajuste de frecuencia mensual por ciudades

Ciudad	Bogotá	Medellín	Barranquilla	Cali
Distribución de probabilidad	NegBin	NegBin	NegBin	NegBin
Valor $p$	0,7381	0,3633	0,7674	0,6923
Media	166	141	25	88
Moda	163	132	23	86
Mediana	165	138	25	87
Desviación est.	23,31	35,20	7,34	12,87
Asimetría	0,24	0,47	0,45	0,22
Curtosis	3,08	3,33	3,29	3,07

Fuente: elaboración propia.

**Gráfica 8.**

Función de severidad global



Fuente: elaboración propia.

Con base en los valores del VaR obtenidos en cada ciudad y usando la matriz de correlaciones obtenida para los datos de frecuencia de hurtos entre las ciudades (véase Tabla 10) es posible obtener el VaRop total. La pérdida máxima del portafolio de aseguradoras en un mes para un nivel de significancia del 95% es de 9.100 millones COP/mes (5,1 millones USD/mes), similar al valor obtenido para el país.

**Tabla 9.**

VaR por ciudad en COP

Ciudad	VaR 95%	Ciudad	VaR 95%
Bogotá	6.716.589.107	Barranquilla	1.281.629.264
Medellín	6.616.917.704	Cali	3.609.423.125

Fuente: elaboración propia.

La matriz de correlaciones de los hurtos por ciudades muestra correlaciones significativas y en algunos casos inversas entre las ciudades: Medellín-Bogotá y Medellín-Barranquilla.

Esta forma de agregar las pérdidas mantiene la estructura de correlaciones implícita en las series de tiempo de los vehículos hurtados entre ciudades.

**Tabla 10.**

Matriz de correlaciones de hurtos por ciudad en Colombia

	Bogotá	Medellín	Barranquilla	Cali
Bogotá	1	-0,2456	0,2005	0,0130
Medellín	-0,2456	1	-0,2093	0,0228
Barranquilla	0,2005	-0,2093	1	-0,0680
Cali	0,0130	0,0228	-0,0680	1

Fuente: elaboración propia.

### **Análisis del VaR por detrimento patrimonial de vehículos no asegurados**

En este punto del análisis es posible plantear una aproximación metodológica a la estimación del detrimento patrimonial (DP) o pérdida económica para los propietarios cuyos vehículos no están asegurados. Para efectos de presentar la metodología, solo se valora la proporción correspondiente al segmento autos (no incluye motos). En términos generales, la pérdida patrimonial por hurto de vehículos (desde una perspectiva de modelamiento) es una función de variables aleatorias, como se indica a continuación:

$$DDP = f(Ma, Mo, Ti, Re, VC, Co, \theta) \quad (8)$$



donde DPP = distribución de la pérdida patrimonial, Ma = marca, Mo = modelo, Ti = tipo de vehículo, Re = región, VC = valor comercial, Co = porcentaje de cobertura a través de seguros del parque vehicular,  $\theta$  = otras variables.

Para la obtención de la distribución del detrimento patrimonial por autos no asegurados (DDP) se propone la relación (9), la cual es una versión multidimensional del modelo presentado en la relación (6):

$$DDP = \sum_{n=1}^{(TH-TA) \cdot T} VC_{Ma, Mo} \quad (9)$$

donde:

TH = variable aleatoria asociada al total de vehículos hurtados por mes a nivel nacional. (Distribución logística con parámetros  $a = 1991,66$   $b = 295,9$ ) (véase Tabla 14).

TA = variable aleatoria que representa el total de vehículos asegurados por mes a nivel nacional. (Distribución normal con parámetros  $\mu = 419,27$   $\sigma = 40,15$ ).

T = variable aleatoria binomial que representa el tipo de vehículo hurtado (1 = auto, con probabilidad  $p = 0,385$ , y 0 = moto, con probabilidad  $(1-p) = 0,615$ ) (véase Tabla 1).

VC = es el valor comercial del vehículo hurtado, el cual es una función de la marca (Ma) y el modelo (Mo). Para Ma y Mo se utilizaron distribuciones discretas (véanse Tablas 11, 12 y 13).

Cada una de las variables tiene asociada una distribución de probabilidad, la cual se debe obtener de la base de datos u otras fuentes de información secundaria.

**Tabla 11.**

Porcentaje de participación de autos robados según la marca

Marca	Participación
Chevrolet	30,48%
Mazda	17,81%
Renault	14,30%
Hyundai	8,94%
Toyota	7,70%
Ford	3,01%
Dodge + Daewoo	2,90%
Otras marcas	14,85%

Fuente: elaboración propia con datos de la DIJIN.

**Tabla 12.**

Porcentaje de autos hurtados según modelo

Modelos	2012
Anteriores a 1971	7,07%
1971-1980	3,74%
1981-1990	11,80%
1991-2000	25,01%
2001- más	52,38%

Fuente: elaboración propia con datos de la DIJIN.

**Tabla 13.**

Valor comercial promedio de autos según marca y modelo 2012 (miles)

Marca	Modelo				
	< 1971	1971-1980	1981-1990	1991-2000	2001-2010
Chevrolet	1.215	2.790	6.405	14.479	36.708
Mazda	956	2.370	5.875	14.577	39.563
Renault	769	1.769	4.134	9.923	23.382
Hyundai	975	2.357	5.603	13.394	36.329
Toyota	2.131	4.820	11.036	26.770	60.450
Ford	1.013	2.441	5.762	13.595	37.236
Dodge + Daewoo	962	2.225	5.475	12.812	34.008
Otras marcas	1.591	3.660	8.446	19.992	48.417

Fuente: Ministerio de Transporte.

La Tabla 14 presenta los estadísticos muestrales y los de prueba para la frecuencia mensual del total de hurto de vehículos en Colombia, así como la frecuencia mensual del total de vehículos asegurados. Los estadísticos corresponden a la prueba chi-cuadrado al 95% de confianza. Ambas distribuciones se ajustan bien a los datos, dado su elevado valor  $p$ . En el proceso de simulación se toma la parte entera para cada distribución.

**Tabla 14.**

Distribuciones para hurto de vehículos a nivel nacional y asegurados

	Total hurto vehículos a nivel nacional mes		Total hurto vehículos asegurados mes	
	Muestra	Logística	Muestra	Normal
Chi-cuadrado estadístico		1,67		4,79
Chi-cuadrado. Nivel crítico (95%)		7,81		18,31
Valor $p$		0,6444		0,905
Media	1.999	1.991	419	419
Desviación est.	513,87	536,69	40,15	40,15
Asimetría	-0,0379	0,00	0,0834	0,00
Curtosis	2,47	4,2	2,74	3,0

Fuente: elaboración propia.

Los resultados de la simulación para el cálculo del detrimento patrimonial en pesos y dólares se resumen en la Tabla 15 y en la Gráfica 9, donde se muestran algunos estadísticos.

**Tabla 15.**

VaR mensual por detrimento patrimonial, hurto de vehículos no asegurados

	Millones COP/mes	Millones USD/mes
Pérdida estimada máxima para el total de vehículos hurtados al 95%	24.721	13,99
Pago máximo al 95% por hurto de vehículos asegurados (compañías aseguradoras)	8.820	4,99
Detrimento patrimonial al 95% por hurto de autos no asegurados	15.901	9,00

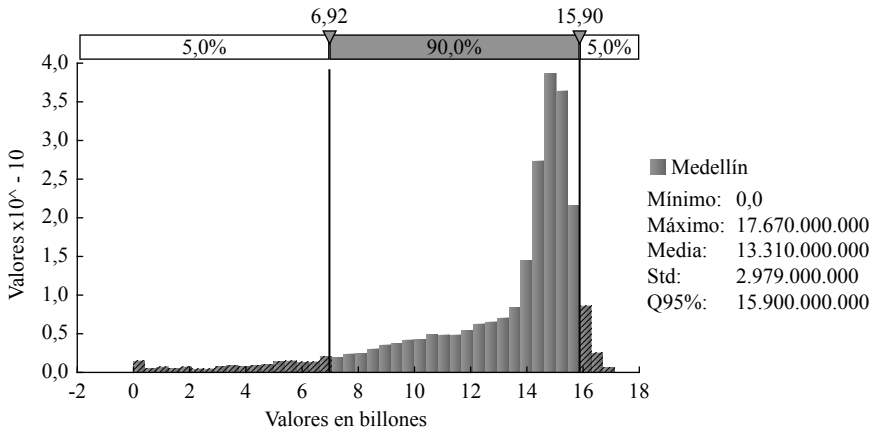
Fuente: elaboración propia.

## CONCLUSIONES

En la literatura se presentan variadas técnicas para la cuantificación del riesgo operativo, como la simulación de Montecarlo, la teoría del valor extremo, los árboles bayesianos, la teoría de cópulas, los procesos de licitación a partir del conocimiento de expertos y la lógica difusa, entre otras. Su uso depende esencialmente de la disponibilidad y tipo de información histórica existente tanto para la frecuencia como para la severidad de los eventos. Este estudio utilizó la simulación de Montecarlo ya que se cuenta con una base histórica de datos mensuales para el hurto de vehículos asegurados desde 2006 hasta 2012 y para el detrimento patrimonial, una base informativa desde 1992 hasta 2012 para el total de vehículos hurtados.

**Gráfica 9.**

Distribución de probabilidad del detrimento patrimonial por hurto de autos no asegurados a nivel mensual



Fuente: elaboración propia.

Los objetivos de este trabajo son dos: inicialmente analizar el caso del riesgo operativo asociado al hurto de vehículos para el sector asegurador en Colombia y proponer una metodología para cuantificar el detrimento patrimonial de los ciudadanos por el hurto calificado de vehículos no asegurados. En este último punto aunque existen cifras concretas de la frecuencia de vehículos hurtados en todo el país, no existen cifras específicas para la severidad o pérdida respecto al parque automotor no asegurado. En este caso las pérdidas fueron estimadas a partir de la información de pagos realizados por las compañías aseguradoras para los vehículos asegurados. De esta forma se aporta a una primera aproximación a la cuantificación del detrimento patrimonial por hurto de vehículos (no incluye motos) en el país, es decir, la pérdida económica o pérdida patrimonial directa que sufren los ciudadanos debido a este flagelo.

Las cifras mensuales reflejan la magnitud del problema y corroboran la escasa cultura aseguradora en Colombia, lo que refleja un mercado potencial importante que sugiere la necesidad de que las compañías aseguradoras desarrollen estrategias para explotar este nicho de mercado incentivando la cultura del seguro en los ciudadanos. Además, las cifras son un llamado de atención a los organismos de control para adoptar medidas para el desarrollo de políticas y estrategias públicas orientadas a incrementar los índices de seguridad vinculados con el hurto calificado de vehículos.

El VaRop o máxima pérdida probable del 2013 al 95% para las 14 empresas analizadas asciende a 9.130 millones COP/mes (5,15 millones USD/mes) por efecto de la inflación para el 2013 ( $8.820 \times 1.035$ ); este valor debe ser cubierto por las com-

pañías de seguros a través del reaseguro o de otros medios de cobertura. Los valores particulares para cada empresa se pueden consultar en la Tabla 6. Se resalta que las empresas Suramericana de Seguros, Colseguros, Bolívar y Liberty son las de mayor participación y mayor riesgo asociado.

Por su parte, el detrimento patrimonial mensual por hurto de vehículos no asegurados puede ascender para el 2013 a 16.458 millones COP/mes (9,4 millones USD/mes) por efecto de la inflación a nivel país ( $15.901 \times 1.035$ ), cifra de pérdida asumida por los propietarios de vehículos que no poseen amparo patrimonial a través de seguros. Desde el punto de vista metodológico se planteó un modelo multidimensional para cuantificar la distribución del detrimento patrimonial (relación 9), la cual incorpora cinco distribuciones de probabilidad en un proceso de simulación de Montecarlo. La relación 6 es válida para factores de riesgo que pueden ser modelados mediante la frecuencia y la severidad.

La contribución más importante de este estudio reside en su aproximación estadística, robusta y metodológicamente fuerte, para estimar la distribución de pérdidas esperadas del detrimento patrimonial que sufren los ciudadanos colombianos y en que, de forma paralela, aporta información para determinar la dimensión económica y social del problema. Una vez que las cifras demuestran una baja cobertura derivada de la poca conciencia y cultura del seguro, Colombia se torna en uno de los países de menor penetración de los seguros en relación con otros países de Latinoamérica. Aunque la opción del seguro se presenta como una opción importante para mitigar la exposición al riesgo por hurto calificado, las cifras son un indicativo de la magnitud del conflicto social e inseguridad que vive Colombia.

A nivel nacional, la ciudad que más contribuye a la pérdida por hurtos es Bogotá, seguida por Medellín, Cali y Barranquilla, con comportamientos inversos significativos entre las ciudades: Medellín-Bogotá y Medellín-Barranquilla. Este estudio no profundiza en la estructura delincinencial asociada al robo de vehículos; sin embargo, la magnitud de las cifras relacionadas con el hurto calificado corroboran la existencia de estructuras delincuenciales organizadas dedicadas al hurto de vehículos en las principales ciudades del país. La información suministrada refleja la dimensión del problema e invita a los diferentes actores a tomar partido para desarrollar políticas de mercado, estrategias de cubrimiento, mitigación o la formulación de planes de mejoramiento para la gestión del riesgo asociado con el hurto calificado de vehículos, tanto a nivel de los entes de control gubernamental como para los gremios y compañías de seguros.

Por último, acogiendo la definición de Graglia (2014) sobre las políticas públicas como proyectos y actividades diseñadas por el Estado y gestionadas a través de un Gobierno y una Administración Pública para satisfacer las necesidades de una sociedad, el presente trabajo dimensiona la importancia de desarrollar estrategias que contrarresten este flagelo, ya que el robo de vehículos en Colombia se ha convertido en una poderosa industria, que mueve miles de millones de pesos al año y a su alrededor se han montado sofisticadas organizaciones de atracadores y

asaltantes que, según las aseguradoras, configuran la tercera fuerza delictiva, después del narcotráfico y la guerrilla.

## REFERENCIAS

1. Akkizidis, I. S., & Bouchereau, V. (2006). *Guide to optimal operational risk and BASEL II*. Boca Ratón: Taylor & Francis Group.
2. Aue, F., & Kalkbrener, M. (2007). *LDA at work* (Working Paper). Deutsche Bank.
3. Baud, N., Frachot, A., & Roncalli, T. (2002). *How to avoid over-estimating capital charge for operational risk* (Working Paper). Groupe de Recherche Opérationnelle, Crédit Lyonnais, France.
4. Böcker, K. (2008). Modelling and measuring multivariate operational risk with Lévy copulas. *The Journal of Operational Risk*, 3(2), 3-27.
5. Bühlmann, H. (1970). *Mathematical methods in risk theory*. Berlin: Springer.
6. Castillo, M. A. (2008). Diseño de una metodología para la identificación y la medición del riesgo operativo en instituciones financieras. *Revista Universidad de los Andes*, 45-52.
7. Chernobai, A., & Rachev, S. (2006). Applying robust methods to operational risk modeling. *Journal of Operational Risk*, 1(1), 27-41.
8. Comité de Basilea de Supervisión Bancaria. (2003). *Sanas prácticas para la gestión y supervisión del riesgo operativo*. Suiza: BPI.
9. Comité de Basilea de Supervisión Bancaria. (2004). *Convergencia internacional de medición de capital y estándares de capital. Un marco revisado*. Suiza: BPI.
10. Cruz, M. (2004). *Operational risk modelling and analysis: Theory and practice*. Londres: Incisive Media Investments-Book Risk.
11. Degen, M., Embrechts, P., & Lambrigger, D. D. (2007). The quantitative modeling of operational risk: Between g-and-h and EVT. *Astin Bulletin*, 37(2), 265-291.
12. Dutta, K., & Perry, J. (2006). *A tale of tails: An empirical analysis of loss distribution models for estimating operational risk capital* (Working Paper 13). Federal Reserve Bank of Boston.
13. Embrechts, P., Nešlehová, J., & Wüthri, M. (2009). Additivity properties for value-at-risk under Archimedean dependence and heavy-tailedness. *Insurance: Mathematics and Economics*, 44(2), 164-169.
14. Evans, J. R. (1998). *James R. Evans-David. L. Olson, Introduction to simulation and risk analysis*. New York: Prentice Hall.
15. Farberman, H. (1975). A criminogenic market structure: The automobile industry. *The Sociological Quarterly*, 16(4), 438-457.

16. Fasecolda. (2012). Federación de Aseguradores de Colombia - Estadísticas del ramo. Recuperado el 14 de noviembre de 2013, de libro de autos 2012. [https://view.officeapps.live.com/op/view.aspx?src=http://www.fasecolda.com/files/1614/4235/2947/Libro\\_de\\_Autos\\_Diciembre\\_2012.xlsx](https://view.officeapps.live.com/op/view.aspx?src=http://www.fasecolda.com/files/1614/4235/2947/Libro_de_Autos_Diciembre_2012.xlsx)
17. Fiorito, F. (2006). *La simulación como una herramienta para el manejo de la incertidumbre*. Buenos Aires: Universidad del CEMA.
18. Frachot, A., Georges, P., & Roncalli, T. (2001). *Loss distribution approach for operational risk* (Working Paper). Groupe de Recherche Opérationnelle, Crédit Lyonnais.
19. Frachot, A., Moudoulaud, O., & Roncalli, T. (2003). *Loss distribution approach in practice* (Working Paper).
20. Fundación MAPFRE. (2014). El mercado asegurador latinoamericano 2013-2014. Madrid. Obtenido de <https://www.fundacionmapfre.org/documentación/público>.
21. Gounev, P., & Bezlov, T. (2008). From the economy of deficit to the black-market: car theft and trafficking in Bulgaria. *Trends in Organized Crime*, 11(4), 410-429.
22. Graglia, J. E. (2014). *Análisis y diseño del desarrollo local y regional* (Cuaderno de Trabajo 2). Buenos Aires: ACEP.
23. Jorion, P. (2007). *Value at risk: The new benchmark for managing financial risk*. New York: McGraw-Hill.
24. Klugman, S. A., Panjer, H. H., & Willmot, G. E. (2004). *Loss models from data to decisions*. New York: John Wiley & Sons.
25. Libreros, J. (2013). *Gobierno & democracia en América Latina*. Disponible en <http://www.atmosferapolitica.com/2013/03/26/analisis-del-hurto-de-vehiculos-y-la-respuesta-de-politica-publica-diagnostico/>.
26. Marshall, C. L., & Marshall, D. C. (2001). *Measuring and managing operational risks in financial institutions: Tools, techniques, and other resources*. Nueva York: John Wiley.
27. Medina, S. (2006). Estado de la cuestión acerca del uso de la lógica difusa en problemas financieros. *Cuadernos de Administración*, 19, 195-223.
28. Medina, S., & Restrepo, J. (2013). Estimación de la utilidad en riesgo de una empresa de transmisión de energía eléctrica considerando variables económicas. *Cuadernos de Economía*, 32(59), 103-137.
29. Pacheco, L. D. (2009). *Riesgo operacional: Conceptos y mediciones*. Santiago de Chile: SBIFC.
30. Pinzón, D. (2012). Perspectivas mundiales de la industria aseguradora. *Análisis Jurídico*, 33-42.
31. Restrepo, J., & Medina, S. (2012). Estimation of operative risk for fraud in the vehicle insurance sector, applying the loss distribution aggregated (LDA). *Global Journal of Business Research*, 6(3), 73-84.

32. Restrepo, J., & Medina, S. (2014). Estimación del riesgo operativo bajo ambiente de incertidumbre: estudio de caso. *Revista Internacional Administración & Finanzas*, 7(7), 39-54.
33. Shevchenko, P., & Wüthrich, M. (2009). *The structural modelling of operational risk via Bayesian inference: Combining loss data with expert opinions*. arXiv preprint arXiv:0904.1067.
34. Smithson, C. W. (1998). *Managing financial risk*. New York: McGraw-Hill.
35. Stauffer, E., & Bonfanti, M. (2006). *Forensic investigation of stolen-recovered and other crime-related vehicles*. Oxford: Elsevier/Academic Press.
36. Swiss, R. E. (2012). Global insurance review 2012 and outlook 2013/14. *Revista Sigma*.



# 71

## CUADERNOS DE ECONOMÍA

## CONTENIDO

### ARTÍCULOS

- SANTIAGO MEDINA HURTADO, JORGE RESTREPO-MORALES Y ALEJANDRO BEDOYA  
Pérdidas esperadas y detrimento patrimonial por hurto de vehículos en Colombia 261
- DIEGO ALEJANDRO CASTRO Y ALEJANDRO PÉREZ Y SOTO  
Estimación de la probabilidad de incumplimiento para las firmas del sector económico industrial y comercial en una entidad financiera colombiana entre los años 2009 y 2014 293
- PAULO REIS MOURÃO  
Descentralização e desigualdade na distribuição dos fundos constitucionais Brasileiros. Uma análise de cointegração de séries entre 1997 e 2011 321
- RICARDO ARGÜELLO  
Trade diversification in Colombia, 1991-2011 345
- PABLO IGNACIO CHENA Y CAROLINA BOSNIC  
Concentración económica y comercio internacional. La condición Marshall-Lerner en la Argentina (1993-2013) 379
- PAÚL A. CARRILLO MALDONADO  
El efecto de la política fiscal en expansión y recesión para Ecuador: un modelo MSVAR 405
- MÓNICA HURTADO, CATHERINE PEREIRA-VILLA Y EDGAR VILLA  
Oil palm development and forced displacement in Colombia: Causal or spurious? 441
- GASTÓN CALIGARIS  
Las grandes empresas agropecuarias en Argentina: los casos de Cresud y El Tejar 469
- Fahd Boundi Chraki  
Determinantes de las relaciones reales de intercambio de España con Alemania (1970-2010). Un análisis econométrico de la ventaja absoluta de costo intrasectorial 489
- FLORENCIA MOLINATTI Y ENRIQUE PELÁEZ  
La localización como factor crítico. Análisis del programa "Mi casa, mi vida". Córdoba, Argentina 521
- MARÍA VERÓNICA ALDERETE  
An approach to the broadband effect on Latin American growth: A structural model 549
- RODRIGO PÉREZ ARTICA, FERNANDO DELBIANCO Y LEANDRO BRUFMAN  
El ahorro y la inversión corporativos en América Latina. Una indagación a nivel firma 571
- ### RESEÑA
- ESTEBAN CRUZ HIDALGO  
La riqueza. Historia de una idea, de Adolfo Rodríguez Herrera 601

ISSN 0121-4772



9 770121 477005



7 1